

## **ЭВЕНТОЛОГИЧЕСКИЙ АНАЛОГ МЕТОДА АССОЦИАТИВНЫХ ПРАВИЛ**

**Комарова О. А.,**  
**научный руководитель канд. физ.-мат. наук, доцент Баранова И.В.**  
**Сибирский Федеральный Университет**

### **1. Введение**

*Интеллектуальный анализ данных* (Data Mining) - мультидисциплинарная область, возникшая и развивающаяся на базе прикладной статистики, искусственного интеллекта, теории баз данных и др. Оригинальное англоязычное название Data Mining было предложено Григорием Пиатецким-Шапиро в 1989. Название происходит из двух понятий: поиска ценной информации в большой базе данных (Data) и добычи горной руды (Mining). Термин переводится как «добыча» или «раскопка» данных.

Data Mining - это процесс обнаружения в сырых данных ранее неизвестных, нетривиальных, практически полезных и доступных интерпретации знаний, необходимых для принятия решений в различных сферах человеческой деятельности.

Таким образом, Data Mining представляет собой технологию, предназначенную для поиска в больших объемах данных неочевидных, объективных и полученных на практике закономерностей.

К методам интеллектуального анализа данных относятся всевозможные методы классификации, моделирования и прогнозирования, основанные на применении деревьев решений, искусственных нейронных сетей, генетических алгоритмов, эволюционного программирования, ассоциативной памяти, нечеткой логики. Также методами Data Mining считаются статистические методы: дескриптивный анализ, корреляционный и регрессионный анализ, факторный анализ, дисперсионный анализ, компонентный анализ, дискриминантный анализ, анализ временных рядов.

В интеллектуальном анализе данных существуют следующие стадии:

1. выявление закономерностей (свободный поиск),
2. прогностическое моделирование,
3. анализ исключений.

На первой стадии (стадии выявления закономерностей) осуществляется исследование набора данных с целью поиска скрытых закономерностей. Свободный поиск представлен такими действиями: выявление закономерностей условной логики, выявление закономерностей ассоциативной логики, выявление трендов и колебаний.

Прогностическое моделирование использует результаты работы первой стадии. К действиям данной стадии относятся предсказание неизвестных значений и прогнозирование развития процессов.

Третья стадия представляет собой анализ исключений или аномалий, выявленных в найденных закономерностях. Действия этой стадии сводятся к выявлению отклонений. Для этого необходимо определить норму, которая рассчитывается на стадии свободного поиска.

В дополнение к этим стадиям иногда вводят еще одну стадию - валидацию, следующую за стадией свободного поиска. Целью валидации является проверка найденных закономерностей.

### **2. Основные задачи и области применения интеллектуального анализа данных**

Перечислим основные задачи интеллектуального анализа данных:

1. Классификация (Classification)
2. Кластеризация (Clustering)

3. Ассоциация (Associations)
4. Прогнозирование (Forecasting)
5. Оценивание (Estimation)
6. Визуализация (Visualization, Graph Mining)
7. Подведение итогов (Summarization) .

Сфера применения Data Mining ничем не ограничена, он применим в любых сферах человеческой деятельности, в которых существуют статистические данные:

- Розничная торговля,
- Банковское дело,
- Телекоммуникации,
- Страхование,
- Приложения в бизнесе,
- Медицина,
- Молекулярная генетика и геновая инженерия,
- Прикладная химия.

### 3. Основы ассоциативных правил в интеллектуальном анализе данных

Как было сказано выше, в ходе решения задачи поиска ассоциативных правил отыскиваются закономерности между связанными событиями в наборе данных. Рассмотрим алгоритм работы метода ассоциативных правил в интеллектуальном анализе данных. Рассмотрим метод ассоциативных правил в интеллектуальном анализе данных.

Приведем основные понятия, связанные с данным методом.

1. **Транзакция** - это множество событий, которые произошли одновременно.
2. **Транзакционная (операционная) база данных** представляет собой двумерную таблицу, которая состоит из номера транзакции(TID) и перечня событий, происходящих во время этой транзакции
3. **Поддержка** - количество или процент транзакций, содержащих определенный набор данных

Обозначения используемые в алгоритме:

$L_k$  - множество  $k$ -элементных наборов, чья поддержка не меньше заданной пользователем.

$С_k$  - множество  $k$ -элементных наборов, являющихся потенциально частыми.

Алгоритм имеет следующий вид:

Шаг 1. Присвоить  $k = 1$  и выполнить отбор всех 1-элементных наборов, у которых поддержка больше минимально заданной пользователем  $Suppmin$ .

Шаг 2. Увеличить размерность набора  $k = k + 1$ .

Шаг 3. Если не удастся создавать  $k$ -элементные наборы, то завершить алгоритм, иначе выполнить следующий шаг.

Шаг 4. Создать множество  $k$ -элементных наборов кандидатов из частых наборов. Для этого необходимо объединить в  $k$ -элементные кандидаты  $(k-1)$ -элементные частые наборы. Каждый кандидат будет формироваться путем добавления к  $(k-1)$  - элементному частому набору -  $p$  элемента из другого  $(k-1)$ -элементного частого набора -  $q$ . Причем добавляется последний элемент набора  $q$ , который по порядку выше, чем последний элемент набора  $p$ . При этом все  $k-2$  элемента обоих наборов одинаковы.

Шаг 5. Для каждой транзакции  $T$  из множества  $D$  необходимо выбрать кандидатов  $С_t$  из множества  $С_k$ , присутствующих в транзакции  $T$ . Для каждого набора из построенного множества  $С_k$  удалить набор, если хотя бы одно из его  $(k-1)$  подмножеств не является часто встречающимся т.е. отсутствует во множестве  $L_{k-1}$ .

Шаг 6. Для каждого кандидата из  $С_k$  увеличить значение поддержки на единицу.

Шаг 7. Выбрать только кандидатов  $L_k$  из множества  $С_k$ , у которых значение поддержки больше заданной пользователем  $Suppmin$ . Вернуться к шагу 2.

Результатом работы алгоритма является объединение всех множеств  $L_k$  для всех  $k$ .

#### 4. Метод ассоциативных правил на языке эвентологии

Теперь сформулируем метод ассоциативных правил на языке эвентологии. Приведем несколько основных определений из эвентологии.

1. Вероятностным пространством называется тройка  $(\Omega, F, P)$ , где  $\Omega$  - пространство элементарных событий,  $F$  - алгебра событий и  $P$  - вероятность, определенная на элементах множества  $X$ .

2. Конечное множество избранных событий  $X=\{a,b,\dots\}$ , выбранных из алгебры вероятностного пространства и состоящее из  $n=|X|$  событий, называется множеством случайных событий.

3. Случайное множество событий  $K$  определяется как измеримое отображение

$K : (\Omega, F, P) \rightarrow (2^X, 2^{2^X})$ , где  $2^X$  - множество всех подмножеств множества  $X$ .

4. Полной характеристикой множества случайных событий  $X$  служит его эвентологическое распределение. Приведем ниже вид для одной из форм эвентологического распределения – распределения вероятностей пересечений событий множества:  $p(X) = P(K = X)$ ,  $X \in 2^X$ .

4. Сет-среднее случайного множества представляет собой множество элементов из  $X$  следующего вида:  $EK = \{x: p(x) \geq h\}$ , для которого его мера  $\mu(EK)$  наиболее близка к числу  $\lambda = E \mu(K)$  - средней мере случайного множества  $K$ .

5. Средняя мера случайного множества  $K$  - математическое ожидание случайной величины - вычисляется по теореме Роббинса.

Алгоритм эвентологического метода ассоциативных правил выглядит следующим образом:

1. Пусть задано  $X=\{a,b,\dots\}$  - множество случайных событий; для каждого подмножества заданы вероятности распределения  $p(x)$

2. Вычисляем индивидуальную вероятность моноплетов

3. Находим сет-среднее по формуле из определения.

4. Отбрасываем моноплеты, у которых индивидуальная вероятность меньше меры вычисленного сет-среднего.

5. Вычисляем вероятности дуплетов.

6. Находим сет-среднее.

7. Отбрасываем дуплеты, у которых индивидуальная вероятность меньше меры вычисленного сет-среднего.

8. И так далее повторяем пункты 2-4 по всем слоям  $C_{X^m}$ ,  $X^m = \{X \subseteq X, |X| = m\}$ ,  $m=3,\dots,n$ .

Рассмотрим поиск ассоциативных правил по описанному методу на простом примере.

Пусть имеется следующая транзакционная база данных покупок продуктов:

1. Хлеб, молоко, печенье;
2. Хлеб, молоко, печенье;
3. Молоко, сметана;
4. Молоко, сметана;
5. Молоко, сметана;
6. Молоко, хлеб, сметана, печенье;
7. Молоко, хлеб, сметана, печенье;
8. Колбаса, сметана;
9. Колбаса, сметана;
10. Колбаса, сметана;

11. Конфеты;
12. Конфеты;
13. Конфеты;
14. Колбаса, молоко;
15. Колбаса, молоко;
16. Хлеб, колбаса, молоко;
17. Хлеб, колбаса, молоко.

Необходимо найти наиболее встречающиеся наборы товаров.

Обозначим приведенные выше товары следующими переменными.

$a = \{\text{Хлеб}\},$   
 $b = \{\text{Молоко}\},$   
 $c = \{\text{Печенье}\},$   
 $d = \{\text{Сметана}\},$   
 $e = \{\text{Колбаса}\},$   
 $f = \{\text{Конфеты}\}.$

Можно переписать приведенную выше базу данных в виде набора подмножеств покупки товаров:

$\{a,b,c\}; \{a,b,c\}; \{b,d\}; \{b,d\}; \{b,d\}; \{a,b,c,d\}; \{a,b,c,d\}; \{d,e\}; \{d,e\}; \{d,e\}; \{f\}; \{f\}; \{f\};$   
 $\{b,e\}; \{b,e\}; \{a,b,e\}; \{a,b,e\}.$

Вычисляем индивидуальные вероятности покупки товаров, путем оценивания частоты встречаемости каждого товара в покупках:

$p(a) = 0.1538$   
 $p(b) = 0.282$   
 $p(c) = 0.1026$   
 $p(d) = 0.2051$   
 $p(e) = 0.1795$   
 $p(f) = 0.076$

Вычисляем сет – среднее  $EK = 0,179$ . Далее в соответствии с пунктом 4 алгоритма отбрасываем моноплеты  $\{a\}, \{c\}, \{f\}$ . В итоге остаются моноплеты  $\{b\}, \{d\}, \{e\}$ .

Из них формируем дуплеты:

$p(bd) = 0,15625$   
 $p(be) = 0,125$   
 $p(de) = 0,093$

По формуле находим сет-среднее и определяем, что для него  $EK = 0,125$ .

Получаем  $\{b, d, e\}$  - часто встречающийся набор товаров.

Таким образом, с помощью предложенного эвентологического метода можно получать не только парные правила, в которых могут участвовать два события, но и более сложные их модификации – для множеств событий.